

## O Empate Técnico. Não é Empate e Não é Técnico.

Luiz Carlos da Rocha  
Presidente do CONFE  
Conselho Federal de Estatística – CONFE  
Rio de Janeiro, 8 de maio de 2024

### A ATUAL REGRA DO EMPATE TÉCNICO.

De acordo com a atual regra do Empate Técnico (ET) aplicada pelas empresas de pesquisa eleitoral no Brasil, os candidatos A e B com prévias percentuais de intenções de votos  $P_{VA}$  e  $P_{VB}$  serão considerados empatados se o valor absoluto da diferença  $P_{VB}-P_{VA}$  for menor ou igual a  $2\epsilon\%$ , onde  $\epsilon\%$  é a *margem de erro* da pesquisa. Algebricamente;  $|(P_{VB}-P_{VA})| \leq 2\epsilon\%$  ou  $\{-2\epsilon\% \leq (P_{VB}-P_{VA}) \leq 2\epsilon\%\}$ . No caso da pesquisa com margem de erro 2,0%, ocorrendo  $|(P_{VB}-P_{VA})| \leq 4,0\%$  então os candidatos A e B serão declarados empatados. Segundo a regra, o ET é anunciado sempre que a *diferença positiva* das prévias for menor ou igual a duas vezes a margem de erro da pesquisa.

A regra do ET é de fácil aplicação e o único dado requerido na decisão é a margem de erro da pesquisa, que por sua vez é divulgada juntamente com os resultados das prévias. Quase sempre as empresas usam margem de erro no intervalo 1,0% a 3,0% e Nível de Confiança de 95,0%.

Nota 1: em favor da simplificação da notação não serão utilizados os símbolos percentuais % nos dados: prévias, erros, probabilidades, nível de confiança, nível de significância etc.

### INTRODUÇÃO AO EMPATE DAS PRÉVIAS.

O empate aritmético, embora possa ocorrer na *apuração* da eleição, é considerado um evento raro em grandes populações de eleitores e será chamado de empate no *estrito senso*. Por sua vez o ET não tem a ver com a *apuração* de eleições, trata-se de vocábulo inerente as *pesquisas eleitorais* e é *usado* para expressar dúvidas na ordenação dos candidatos que apresentam prévias próximas entre si. As oscilações aleatórias das prévias em torno da real intenção de votos dos eleitores são próprias das estimativas estatísticas, por isso, as proximidades das prévias provocam suspeitas da ordem. Quando ocorrem as pequenas diferenças, o analista é induzido a admitir que seja obra exclusiva da aleatoriedade. Por isso, é importante formular a hipótese estatística da igualdade do *verdadeiro valor* das intenções de votos. O *verdadeiro valor*, digamos de A com notação  $\Theta_A$ , significa a real intenção de votos em A na área abrangida pela pesquisa eleitoral no período das entrevistas. A pesquisa eleitoral concentra seus recursos metodológicos na estimação de  $\Theta_A$ , apontada inicialmente pela prévia  $P_{VA}$  e aprimorada pela determinação do Intervalo de Confiança com 95,0 de probabilidade de conter  $\Theta_A$ . O Intervalo de Confiança significa expressivo ganho de informação na estimação do verdadeiro valor  $\Theta_A$ .

O *Empate Técnico* da pesquisa eleitoral é um *constructo* criado para designar a incerteza com a ordenação dos candidatos quando a diferença entre as prévias é “pequena”. Os Construtos podem ser definidos como sendo abstrações conceituais de fenômenos não observados empiricamente, no caso particular do ET a sua única função é fazer o alerta: *Atenção! Ordem indefinida*.

Todavia, a regra do ET carece de fundamentação estatística, de avaliação probabilística que justifique a regra. Além disso, como será demonstrado, a sua aplicação é geradora de incoerências.

Na prática e de acordo com a regra, o candidato B é declarado à frente de A *se e somente se*  $(P_{VB}-P_{VA}) > 2\epsilon$ , cuja distância é considerada “segura” para se informar a vantagem eleitoral.

O Empate Estatístico (EE) é um critério baseado em conceito estritamente estatístico onde o empate entre as prévias  $Pv_A$  e  $Pv_B$  é declarado sempre que a hipótese da igualdade do verdadeiro valor  $\Theta_A = \Theta_B$  **não** for rejeitada num nível de significância prefixado, quase sempre de 5,0. A decisão da igualdade  $\Theta_A = \Theta_B$  é solucionada pelo Teste da Igualdade de Médias (TIM), utilizado nas diversas áreas de aplicação da estatística e cuja formulação envolve medidas de probabilidade de acerto e de erro na decisão. Ao final do texto o EE será equacionado e os resultados obtidos denunciarão as divergências com a regra do ET. Antes disso, é importante mostrar que a sistemática operacional do ET contraria fundamentos da estatística e gera incoerências na ordenação dos candidatos.

Inicialmente vale a pena reexaminar conceitos estatísticos que permeiam a nomenclatura da pesquisa eleitoral; começando por destacar a distinção existente entre três significados de “erro”: erro da prévia, margem de erro da pesquisa e margem de erro singular.

O erro da prévia é a diferença entre a prévia e o resultado da eleição, podendo ser: positivo, nulo ou negativo, porém, o erro é desconhecido durante quase todo o período eleitoral e somente é passível de avaliação ao final do processo, como no caso nas pesquisas nas vésperas do pleito e principalmente naquelas pesquisas realizadas no dia da eleição, logo após o fechamento da votação, nas chamadas pesquisas de “boca de urna”.

A margem de erro da pesquisa é a margem mais popular em razão da obrigatoriedade da sua divulgação juntamente com os resultados das prévias. A fama decorre do bordão anunciado pelas mídias “a margem de erro da pesquisa é  $\epsilon$ , para mais ou para menos, com 95,0 de confiança”. O bordão expressa uma margem genérica e significa que toda prévia da pesquisa admite erro máximo igual a  $\epsilon$ , com pelo menos 95,0 de probabilidade. A margem do erro da pesquisa depende do número de eleitores entrevistados e do Nível de Confiança estabelecido. No caso do empate vale o aviso: a margem de erro  $\epsilon$  da pesquisa não é válida na análise do ET e o EE não faz uso dela.

A margem de erro singular é específica para cada prévia da pesquisa e compõe os respectivos Intervalos de Confiança. Considerando a sua relação intrínseca com o Intervalo de Confiança e a sua relevância na análise do ET, a margem de erro singular será detalhada no próximo tópico.

Fechando esta introdução convém resumir o problema da pesquisa eleitoral de acordo com as terminologias e notações estatísticas envolvidas no seu equacionamento.

Considere a *lista de candidatos* de uma população de eleitores e seja **A** um candidato da lista com verdadeiro valor de intenção de votos  $\Theta_A$ . Seja  $Pv_A$  a prévia porcentual da intenção de votos de A numa pesquisa eleitoral com N eleitores selecionados de modo equiprovável na área da pesquisa; então o intervalo:  $IC_{\Theta_A} = [Pv_A - \epsilon_A \leq \Theta_A \leq Pv_A + \epsilon_A]$  onde  $\epsilon_A$  é a *Margem de erro singular* da prévia  $Pv_A$  com probabilidade  $\alpha$  é denominado Intervalo de Confiança de  $\Theta_A$  com Nível de Confiança  $\alpha$

### **EVIDENCIANDO A MARGEM DE ERRO SINGULAR.**

O Intervalo de Confiança da prévia de uma característica **X** da população de eleitores é gerado pela margem de erro singular da prévia  $Pv_X$ . Onde **X** representa a *intenção de votos de um candidato da lista ou* respostas do tipo “Não Sabe”, “Não Respondeu”, “Nulo”, “Branco” etc ou pode ainda, expressar o porcentual de respostas às questões fechadas do Questionário. A cada característica **X** da população é associada uma margem singular e logicamente cada candidato possui a sua. A *margem de erro singular* é calculada após a avaliação da prévia  $Pv_X$  cujo valor depende do Nível de Confiança, do número de entrevistas realizadas e da própria prévia  $Pv_X$ .

Seja  $\Theta_X$  o verdadeiro valor da característica **X** e  $IC_{\Theta_X} = [Pv_X - \epsilon_X ; Pv_X + \epsilon_X]$  a expressão de seu correspondente Intervalo de Confiança com  $\alpha$ , então a margem singular  $\epsilon_X$  equivale à metade da amplitude do Intervalo. A maior margem singular numa pesquisa eleitoral ocorre com prévia pontual

$Pv_X=50,0$  e somente neste caso a margem singular  $\epsilon_X$  é igual à margem genérica  $\epsilon$  da pesquisa. Para  $Pv_X$  distinto de  $50,0$  a margem  $\epsilon_X$  é menor que  $\epsilon$ , à medida que  $Pv_X$  se afasta do valor central  $50,0$  e se aproxima dos extremos  $0$  ou  $100,0$  a margem singular *se reduz e nos extremos se extingue*.

Vale a pena reforçar a diferença entre margem de erro da pesquisa e margem de erro singular;

**1)** a margem de erro  $\epsilon$  da pesquisa é estimada *a priori*, antes do levantamento de campo e expressa a amplitude máxima do Intervalo de Confiança que pode ocorrer na pesquisa *com pelo menos 95,0*.

**2)** a margem de erro singular  $\epsilon_X$  é calculada *a posteriori*, após o levantamento de campo e expressa o Intervalo de Confiança de  $\Theta_X$  associado a prévia pontual  $Pv_X$  com *95,0*.

A aplicação da margem de erro da pesquisa na análise do ET pode conduzir à equívocos e para evidenciar esta afirmação mostrar-se-á na sequência a incoerência da decisão do ET respaldada na margem de erro  $\epsilon$  da pesquisa, como consta evidenciado na regra.

**Exemplo I:** Mostraremos que a desigualdade  $|(Pv_B - Pv_A)| \leq 2\epsilon$  por si só não gera credibilidade do empate técnico para qualquer par de prévias, isto é,  $Pv_A$  e  $Pv_B$  podem atender a regra do ET, mas o empate poderá ser falso. Considere uma pesquisa com candidatos A e B, com  $N=2401$ ,  $\epsilon = 2,0$  e  $95,0$  e com as prévias  $Pv_A = 2,0$  e  $Pv_B = 5,5$ , logo a desigualdade  $|(Pv_B - Pv_A)| = 3,5 \leq 2\epsilon = 4,0$  satisfaz a regra do ET e o pesquisador está autorizado a anunciar o empate entre A e B. Porém, a conclusão contradiz o senso estatístico, de fato a prévia do candidato A possui margem de erro singular  $\epsilon_A=0,6$  gerando o Intervalo de Confiança  $IC\Theta_A = [1,4 \leq \Theta_A \leq 2,6]$  e a prévia do candidato B possui margem singular  $\epsilon_B=0,9$  com Intervalo  $IC\Theta_B = [4,6 \leq \Theta_B \leq 6,4]$ . Como não há intersecção entre  $IC\Theta_A$  e  $IC\Theta_B$  então a possibilidade de  $\Theta_A = \Theta_B$  é praticamente nula e a inconsistência do ET se revela. Substituindo a cota  $2\epsilon$  da desigualdade da regra do ET pela soma das margens singular, tem-se  $|(Pv_B - Pv_A)| = 3,5 > 0,6 + 0,9 = 1,5$  e neste caso a nova regra não justificaria a condição de empate.

Atendendo a fundamentação estatística é imperioso promover a correção no critério ET, isto é: “O Empate Técnico de  $Pv_A$  e  $Pv_B$  será anunciado se  $|(Pv_B - Pv_A)|$  for menor ou igual a soma das respectivas margens singular ( $\epsilon_A + \epsilon_B$ )”. A alteração da regra desfaz a simplicidade do critério, aliás, a praticidade da regra nitidamente se superpôs aos fundamentos estatísticos. A seguir as expressões algébricas corrigidas:  $|(Pv_B - Pv_A)| \leq (\epsilon_A + \epsilon_B)$  ou  $\{-(\epsilon_A + \epsilon_B) \leq (Pv_B - Pv_A) \leq (\epsilon_A + \epsilon_B)\}$ .

Outra simplificação equivocada é a aplicação da margem de erro da pesquisa diretamente nas prévias denominadas *Votos Válidos*. Como se sabe, as *Intenções de Votos* além de fornecerem as prévias dos Candidatos informam também o percentual das alternativas de respostas “Não Sabe”, “Não Respondeu” “Branco”, “Nulo” etc., por outro lado, os *Votos Válidos* muito usados na divulgação dos resultados finais, informam unicamente os percentuais de votos dos Candidatos. Os *Votos Válidos* quase sempre são valores percentuais *ajustados* das *Intenções de Votos*, descartadas as alternativas de respostas. Equivocadamente as divulgações costumam manter a margem de erro da pesquisa nos *Votos Válidos*, gerando incompatibilidades na aplicação do critério do ET, como será mostrado no exemplo abaixo.

**Exemplo II:** No QUADRO I são apresentadas as *Intenções de Votos* dos candidatos A, B, C e as demais alternativas de respostas agrupadas em “Outros” juntamente com as respectivas margens de erro singular. No quadro também são apresentados os *Votos Válidos* com suas margens singular, o objetivo é chamar atenção para a adequação que deve existir entre o tipo de prévia e sua margem. No caso do exemplo, o ET oscilará da decisão empatado para não empatado em função da associação não compatível entre as margens de erro e os correspondentes tipos de prévias; *Intenções de Votos* ou *Votos Válidos*. A margem de erro singular das *Intenções de Votos* foi calculada com 2.401 eleitores e dos *Votos Válidos* recalculada com 1.801.

QUADRO I - Margem de Erro: Intenções de Votos x Votos Válidos

Pesquisa	Intenções de Votos	Margem Intenções Votos	Votos Válidos	Margem Votos Válidos
A	27,0	1,78	36,0	2,22
B	30,0	1,83	40,0	2,26
C	18,0	1,54	24,0	1,97
Outros	25,0	1,73		
Total	100,0		100,0	

“Outros” = “Não Respondeu” + “Não Sabe” + “Branco” + “Nulo” etc.

A diferença das Intenções de Votos  $P_{VB} - P_{VA} = 30,0 - 27,0 = 3,0$  é inferior a soma das margens singulares  $\epsilon_A + \epsilon_B = 1,78 + 1,83 = 3,61$  o que implica Empate Técnico de A e B. Mas, se inadvertidamente a soma 3,61 fosse mantida para o caso da diferença dos Votos Válidos:  $40,0 - 36,0 = 4,0 > 3,61$  então A e B não estariam empatados. Porém, se a soma das margens dos Votos Válidos  $2,22 + 2,26 = 4,48$  fosse aplicada corretamente na diferença dos Votos Válidos então A e B reassumiria o Empate Técnico.

### **IMPREVISIBILIDADE E PREVISIBILIDADE DAS PRÉVIAS.**

As Intenções de Votos são submetidas a um grande número de notícias que podem provocar distorções transitórias nas prévias eleitorais, sendo a maioria delas oriundas das ações intencionais do marketing político e das campanhas políticas, sendo todas livres para exercerem a ação de persuasão do eleitor. A propaganda eleitoral e a profusão de campanhas no ano eleitoral são as principais fontes de exógenas. Algumas exógenas alteram as prévias das pesquisas por pouco tempo e são chamadas de variáveis exógenas momentâneas, outras provocam turbulência inicial e se estabilizam definindo novos patamares das prévias. A pesquisa eleitoral é uma pesquisa de opinião instantânea e como tal é uma área fértil de ocorrência de exógenas e padece de informações efêmeras e as vezes falsas.

Por outro lado, existem procedimentos metodológicos da pesquisa que podem influenciar os resultados e são denominadas variáveis endógenas. Todavia as endógenas não exercem a ação direta de persuasão, em geral refletem equívocos nos procedimentos metodológicos causando alteração nos resultados da pesquisa, *portanto são preocupantes e exigem revisão do processo*. As endógenas fazem parte das fases metodológica da pesquisa: *lista dos candidatos, número de entrevistados, seleção aleatória das áreas pesquisadas, seleção aleatória dos eleitores, tipo de abordagem ao eleitor, composição do questionário* e finalmente o período das entrevistas.

Denomina-se replicação da pesquisa eleitoral a sua aplicação repetitiva mantida constante a metodologia e o período das entrevistas. De acordo com a teoria estatística o verdadeiro valor das intenções de votos  $\Theta_A$  do candidato A é igual à média das “infinitas” replicações das prévias de  $P_{VA}$ . Logo, o *verdadeiro valor* das Intenções de Votos de A, B, C etc. que assumiram aparência de entidades abstratas passam agora a ter significado empírico e apontam para as médias das replicações de  $P_{VA}$ ,  $P_{VB}$  e  $P_{VC}$ . Os resultados  $P_{VA}$ ,  $P_{VB}$ ,  $P_{VC}$  das prévias da pesquisa com  $N=2.401$  eleitores, se realizada uma única vez, serão determinados pelas médias de 2.401 entrevistas, mas se replicadas duas vezes seriam as médias de 4.802 entrevistas, etc. Um alerta; a dimensão da unidade do verdadeiro valor  $\Theta_X$  e sua correlata  $P_{VX}$  expostas na notação da distribuição estatística passam de percentual a razão.

As prévias replicadas se comportam com distribuição unidimensional Normal, notação  $N(\mu, \sigma)$ , de parâmetros: média ( $\mu$ ) e desvio padrão ( $\sigma$ ) dependentes do verdadeiro valor, por exemplo, no caso do candidato A: *média*  $= \mu_A = \Theta_A$  e *desvio padrão*  $= \sigma_A = \{\Theta_A(1-\Theta_A)/N\}^{1/2}$ . Com base nos resultados de uma única pesquisa com N eleitores então  $\Theta_A$  é estimável pela prévia pontual  $P_{VA}$  e sua distribuição passa a ter distribuição aproximadamente Normal. A propriedade estatística enunciada é obviamente válida para todos os candidatos e para as demais respostas: Não respondeu, Não Sabe, Branco, Nulo etc.

As prévias das Intenções de Votos ou dos Votos Válidos e as suas replicações atendem a soma 100,0, portanto, estão relacionadas entre si. Significa dizer que as oscilações das prévias, digamos  $Pv_A$  quando varia da replicação enésima para a enésima+1, sua variação repercutirá nas demais prévias da enésima+1, cujos novos valores se autoajustarão mantendo fixa a soma 100,0. Logo, pelo menos uma prévia na replicação enésima+1 terá variação de sinal contrário à variação  $Pv_A$ . Estatisticamente, as replicações das prévias determinam correlação negativa quando relacionadas duas a duas. Todavia, o leitor deve se prevenir de possíveis equívocos na interpretação da correlação negativa, ressalve-se que a propriedade somente se aplica às prévias replicadas. A correlação negativa não se sustenta para prévias originárias de metodologias distintas ou de diferentes períodos de entrevistas, nestes casos as prévias são consideradas independentes.

A previsibilidade das prévias está fundamentada na propriedade estatística: *As replicações das prévias produzem resultados estatísticos regidos por distribuição unidimensional Normal  $N(\mu, \sigma)$ , cujos parâmetros são estimáveis.*

### **FALÁCIAS NA DIVULGAÇÃO DA PESQUISA ELEITORAL**

Quando é divulgado que as “*prévias variam  $\epsilon$  para mais ou para menos com 95,0*” os porta-vozes das pesquisas: os apresentadores dos telejornais, os radialistas, os jornalistas, os comentaristas políticos etc. são induzidos a cometerem imprecisões em suas análises. São sutilezas técnicas que passam despercebidas para o público em geral, mas como estamos propondo alteração do critério do empate é importante desmistificar as crenças enraizadas. O dito bordão transmite implicitamente que todas as prévias, de modo independente e ao mesmo tempo, podem variar com margem fixa  $\epsilon$ , para mais ou para menos, com 95,0. *A ideia é falsa e gera inconsistências na aplicação do ET.*

De fato, o verdadeiro valor  $\Theta$  goza de 95,0 de chance de pertencer aos respectivos Intervalos de Confiança, mas não de modo concomitante e independente. As prévias replicadas dos candidatos variam estatisticamente segundo a distribuição unidimensional Normal, com média e desvio padrão estimáveis com base nas prévias da pesquisa, realizada uma única vez. O conjunto das prévias dos candidatos e as alternativas de respostas de uma pesquisa possuem distribuição multidimensional, cujos resultados evidenciam uma observação da distribuição multidimensional e determinam uma configuração fixa e ordenada, chamada fotografia do momento. É no espaço virtual das replicações onde o estatístico é livre para formular alternativas de configurações com base na distribuição multidimensional Normal de parâmetros estimáveis: vetor de média  $\bar{\mu}$  e matriz de covariância  $\Sigma$ .

**1ª falácia:** É crer no bordão que “as prévias podem variar  $\epsilon$ , para mais ou para menos, com 95,0”.

**2ª falácia:** É aceitar que a margem de erro  $\epsilon$  é única para todas as prévias da pesquisa.

**3ª falácia:** É acreditar que as prévias variam independentemente umas das outras.

### **A SISTEMÁTICA OPERACIONAL DO ET.**

A aplicação equivocada do ET começa com o analista idealizando a movimentação das prévias  $Pv_A$  e  $Pv_B$ , deslocando-as “ *$\epsilon$  para mais ou para menos*” cujas amplitudes deveriam ser  $\epsilon_A$  e  $\epsilon_B$ . A rigor as prévias não se movimentam, de fato os deslocamentos determinam os Intervalos de Confiança de  $IC\Theta_A$  e de  $IC\Theta_B$  dos verdadeiros valores  $\Theta_A$  e  $\Theta_B$ . Na aplicação da sistemática, ocorrendo a intersecção dos Intervalos estaria confirmada a regra e seria declarado o ET de A e B. *A busca pela intersecção dos Intervalos de Confiança parece ter sido a principal inspiração na criação da regra do ET.*

No Exemplo III a seguir a sistemática da regra será detalhada numa pesquisa onde as margens de erro singulares foram calculadas com 2401 eleitores e 95,0.

**Exemplo III:** Seja uma pesquisa com os candidatos A e B e prévias  $Pv_A = 25,0$  e  $Pv_B = 28,0$ ; a

margem de erro singular do candidato A é  $\epsilon_A = 1,7$  e o intervalo de  $\Theta_A$  é  $IC_{\Theta_A} = [23,3 \leq \Theta_A \leq 26,7]$ ; o candidato B tem margem  $\epsilon_B = 1,8$  e intervalo de  $\Theta_B$  é  $IC_{\Theta_B} = [26,2 \leq \Theta_B \leq 29,8]$ . A desigualdade  $P_{V_B} - P_{V_A} = 3,0 \leq 1,8 + 1,7 = 3,5$  autoriza o empate. Na prática a sistemática do ET opera da seguinte forma; o analista soma  $\epsilon_A$  em  $P_{V_A}$  e supõe que  $\Theta_A$  se aloja na 2ª metade de  $IC_{\Theta_A}$   $[25,0 \leq \Theta_A \leq 26,7]$  e ao mesmo tempo subtrai  $\epsilon_B$  de  $P_{V_B}$  e imagina que  $\Theta_B$  está situado na 1ª metade de  $IC_{\Theta_B}$   $[26,2 \leq \Theta_B \leq 28,0]$ , como há intersecção o ET será declarado. O analista está autorizado a analisar os Intervalos de Confiança de  $\Theta_A$  e  $\Theta_B$  isoladamente, mas os deslocamentos de  $P_{V_A}$  “ $\epsilon_A$  para mais” e de  $P_{V_B}$  “ $\epsilon_B$  para menos” são falsos.

Chama atenção a expressão “empatados no limite da margem” proclamada pelos divulgadores das pesquisas quando ocorre a igualdade  $|(P_{V_B} - P_{V_A})| = 2\epsilon$  (deveria ser  $= \epsilon_A + \epsilon_B$ ). Neste caso, ainda que a expressão fosse verdadeira, a chance do ET se dissiparia devido a existência de um único ponto na intersecção dos Intervalos  $IC_{\Theta_A}$  e  $IC_{\Theta_B}$ , à medida que o critério  $|(P_{V_B} - P_{V_A})| \leq (\epsilon_A + \epsilon_B)$  se aproxima da igualdade a chance de ocorrência do ET perde significância probabilística e se torna nula.

Em resumo; o critério  $|(P_{V_B} - P_{V_A})| \leq (\epsilon_A + \epsilon_B)$  é usado somente para garantir a intersecção dos Intervalos de Confiança  $IC_{\Theta_A}$  e  $IC_{\Theta_B}$ , cuja amplitude não é relevante na declaração do empate, na realidade não se fornece nenhuma informação a respeito da probabilidade do ET.

Mais uma impropriedade gerada pelo aclamado ET será mostrada aproveitando o Exemplo III e para isso introduziremos um novo candidato no cenário da pesquisa. Fixados os candidatos A e B, então inclua-se no exemplo um novo candidato C com prévia  $P_{V_C} = 22,5$  com  $\epsilon_C = 1,6$  e Intervalo de Confiança  $IC_{\Theta_C} = [20,9 ; 24,1]$ . Em princípio e de acordo com a sistemática do ET teríamos um novo empate técnico, desta vez entre os candidatos C e A, pois há intersecção dos intervalos  $IC_{\Theta_A}$  e  $IC_{\Theta_C}$ . Então seria natural anunciar os empates  $\Theta_C = \Theta_A$  e  $\Theta_A = \Theta_B$ , porém seria incoerente com a sistemática do ET, isto porque o candidato C induz um dilema na localização de  $\Theta_A$ . Para gerar a intersecção de  $IC_{\Theta_C}$  e  $IC_{\Theta_A}$  então o analista deve supor que  $\Theta_C$  pertence a 2ª metade de  $IC_{\Theta_C}$  e que  $\Theta_A$  pertenceria a 1ª metade de  $IC_{\Theta_A}$ , mas desta forma  $\Theta_A$  se afastaria de  $\Theta_B$  desfazendo o empate  $\Theta_A = \Theta_B$ . O analista terá que optar por um dos dois empates, de A com C ou de A com B, os dois empates não podem **coexistir**, logo a situação exige decisão arbitrária. É certo que o analista optará pelo empate de A e B, pois ambos estão à frente do C. O empate técnico entre C e A não será nem mesmo mencionado apesar da distância entre C e A ser menor que a distância entre A e B.

A movimentação sistemática das prévias no caso particular de somente 2 (dois) candidatos  $P_{V_A}$  e  $P_{V_B}$  com *Votos Válidos*, tipo eleição do 2º Turno, onde ocorrem as igualdades  $P_{V_A} + P_{V_B} = 100,0$  e sua análoga  $\Theta_A + \Theta_B = 100,0$  na população que vota em A ou B, determinam uma discussão interessante. Deslocando  $P_{V_A}$  no sentido de  $P_{V_B}$  com amplitude  $\epsilon_A$  então haverá reação de  $P_{V_B}$  em sentido contrário com amplitude igual  $\epsilon_B = \epsilon_A$ . Nesses casos particulares as margens das prévias são iguais, por exemplo, numa pesquisa com *Votos Válidos* com tamanho  $N_{A/B} = 2401$  e prévias  $P_{V_A} = 30,0$  e  $P_{V_B} = 70,0$ , tem-se  $\epsilon_B = \epsilon_A = 1,83$ , onde  $N_{A/B}$  é o número de eleitores entrevistados com votos em A ou B. As pesquisas de 2º Turno com *Votos Válidos* são exemplos triviais da influência da correlação negativa das prévias na população que vota em A ou B. A seguir são apresentados exemplos de pesquisas independentes de 2º Turno da Eleição com *Votos Válidos*.

**Exemplo IV:** Sejam pesquisas eleitorais com 2 candidatos A e B e *Votos Válidos* dadas por  $P_{V_A} + P_{V_B} = 100,0$ . No Quadro II tem-se os 7 pares de prévias de 2º Turno com *Votos Válidos* ajustados com  $N_{A/B} = 2401$  e 95,0 onde a correlação intrínseca de cada par é igual a  $-1$ . As prévias na vizinhança do valor central 50,0 possuem margens de erro  $\epsilon_A = \epsilon_B = 2,0 = \epsilon$  e as intersecções são calculadas pela relação de complementação. Dado  $P_{V_A}$ , se o analista supõe o movimento “ $P_{V_A} + 2,0$ ” as intersecções dos IC obtidas por  $(100,0 - (P_{V_A} + 2,0); P_{V_A} + 2,0)$  evidenciam que os 5 (cinco) primeiros pares atendem a desigualdade  $|(P_{V_B} - P_{V_A})| \leq 4,0$ , logo segundo a regra estão Tecnicamente Empatados.

QUADRO II– DOIS CANDIDATOS A e B – VOTOS VÁLIDOS – PESQUISAS com  $\epsilon = 2,0$  e 95,0.

DOIS CANDIDATOS A e B –VOTOS VÁLIDOS					INTERVALOS CONFIANÇA $\epsilon = 2,0$ com 95,0		INTERSECÇÃO INTERVALOS DE CONFIANÇA	
P <sub>VA</sub>	P <sub>VB</sub>	SOMA P <sub>VA</sub> +P <sub>VB</sub>	DIFERENÇA P <sub>VB</sub> - P <sub>VA</sub>	CRITÉRIO ET ATENDIDO?	IC <sub>A</sub>	IC <sub>B</sub>	IC <sub>A</sub> $\cap$ IC <sub>B</sub>	AMPLITUDE
50,0	50,0	100,0	,00	<b>SIM</b>	[48,0;52,0]	[48,0;52,0]	[48,0;52,0]	4,0
49,5	50,5	100,0	1,00	<b>SIM</b>	[47,5;51,5]	[48,5;52,5]	[48,5;51,5]	3,0
49,0	51,0	100,0	2,00	<b>SIM</b>	[47,0;51,0]	[49,0;53,0]	[49,0;51,0]	2,0
48,5	51,5	100,0	3,00	<b>SIM</b>	[46,5;50,5]	[49,5;53,5]	[49,5;50,5]	1,0
48,0	52,0	100,0	4,00	<b>SIM</b>	[46,0;50,0]	[50,0;54,0]	[50,0]	0,0
47,5	52,5	100,0	5,00	<b>NÃO</b>	[45,5;49,5]	[50,5;54,5]	VAZIO	0,0
47,0	53,0	100,0	6,00	<b>NÃO</b>	[45,0;49,0]	[51,0;55,0]	VAZIO	0,0

**COMENTÁRIOS.**

Nos casos particulares de pesquisas do 2º Turno da Eleição com Votos Válidos, a ocorrência do empate ET *determina condição inusitada*. Isto porque a única possibilidade de  $\theta_A$  e  $\theta_B$  assumirem empate seria no estrito senso,  $\theta_A = \theta_B = 50,0$ . Logo, estamos em presença de conclusões conflitantes, pois o empate no estrito senso segundo a teoria estatística é evento com probabilidade ZERO, porém o empate técnico é confirmado pela regra. Mais uma vez o ET se antagoniza com a teoria estatística.

NOTA 2: No 2º Turno da Eleição se a pesquisa eleitoral divulgar as Intenções de Votos com as alternativas: Não Sabe, Não Respondeu, Branco, Nulo etc. então a soma das prévias dos candidatos não será obrigatoriamente igual à 100,0 e a condição  $\theta_A = \theta_B = 50,0$  deixa de ser a única possibilidade da igualdade  $\theta_A = \theta_B$ .

**O EMPATE ESTATÍSTICO - EE.**

Como já mostrado, o critério do ET não guarda coerência com os fundamentos da estatística, os argumentos e os exemplos desenvolvidos até aqui não deixam dúvidas que a atual regra do ET gera incoerências. No Exemplo I se mostrou que a regra o ET não se aplicava no caso geral, foi preciso trocar a margem genérica da pesquisa pela margem singular, como consta na página 3. No Exemplo II alertou-se para a distinção que deve existir nas aplicações das margens segundo o tipo da prévia: Intenções de Votos x Votos Válidos, que em geral não é respeitada nas divulgações das pesquisas. No Exemplo III se supôs proximidade de 3 candidatos, na ordem C, A, B, e a sistemática do ET provocou dilema na movimentação do candidato A. O dilema foi decidido impondo-se condição arbitrária na regra do ET. No Exemplo IV com prévias de eleições do 2º Turno e Votos Válidos também ocorreu incoerência, o critério do ET determinaria empate dos 5 primeiros pares enquanto a teoria estatística avaliaria probabilidade ZERO para os empates.

Portanto, a regra do ET é uma abordagem estatística insustentável e a solução é propor a sua substituição pelo Empate Estatístico-(EE), fundamentado no princípio estatístico “com base nos dados da pesquisa não há evidência para a rejeição da hipótese de igualdade dos verdadeiros valor  $\theta_A = \theta_B$ ”.

O Empate Estatístico é declarado sempre que a diferença das prévias *não* “justificar” a rejeição da igualdade  $\theta_A = \theta_B$ , ou seja, supondo  $P_{VB} > P_{VA}$  a questão é decidir se a diferença  $P_{VB} - P_{VA}$  justificaria ou não a aceitação de  $H_0: \theta_B = \theta_A$ . Se a diferença justificar  $H_0$  então a decisão será aceitar a igualdade  $\theta_B = \theta_A$  e admitir que a diferença é obra do acaso; por outro lado, se a diferença não justificar  $H_0$  a decisão será rejeitar a igualdade e admitir a hipótese alternativa  $H_1: \theta_B > \theta_A$ . A decisão da aceitação ou rejeição de  $H_0$  é fundamentada no Teste da Igualdade de Médias - TIM.

## A APLICAÇÃO DO TESTE DE HIPÓTESE - TIM.

Para decidir se  $P_{VA}$  e  $P_{VB}$  são originários de população com  $H_0: \Theta_B = \Theta_A$  ou se são originários de população alternativa com  $H_1: \Theta_B > \Theta_A$  é preciso investigar a diferença  $dif = P_{VB} - P_{VA}$ , cuja avaliação probabilística exige a análise do comportamento estatístico da variável aleatória  $dif$ . Neste caso deve-se retornar a análise das replicações da pesquisa que é o espaço próprio do estudo da *variável dif*. Considerando  $N$  grande, a distribuição da  $dif$  é aproximadamente Normal  $N(\mu, \sigma)$  de média  $\mu$  e desvio padrão  $\sigma$ , ambos estimáveis em função das prévias  $P_{VA}$  e  $P_{VB}$ .

A variável reduzida  $dif_R$  definida por  $dif_R = dif/\sigma$  para  $H_0$  verdadeira com  $\mu=0$  e  $\sigma$  substituído pela estimativa do desvio padrão de  $dif = P_{VB} - P_{VA}$  tem distribuição aproximadamente Normal  $N(0,1)$  de média Zero e desvio padrão Um, onde as cotas 1,64; 1,96; 2,33 determinam na distribuição as probabilidades  $Prob\{N(0,1) > 1,64\} = 0,05$ ,  $Prob\{N(0,1) > 1,96\} = 0,025$  e  $Prob\{N(0,1) > 2,33\} = 0,01$  usadas frequentemente como níveis de significância  $\alpha=5,0$ ;  $\alpha=2,5$ ;  $\alpha=1,0$  correspondentes as probabilidades de rejeição de  $H_0$  quando verdadeira, ou seja, o Erro do Tipo I.

Em seguida, os resultados da aplicação do TIM serão mostrados em três Quadros construídos a partir de uma escala arbitrária e discreta para  $P_{VA}$  e  $P_{VB}$  com o propósito de comparar os resultados do Empate Estatístico x Empate Técnico. Os Quadros foram montados com a escala:  $DELTA = P_{VB} - P_{VA}$  cujo domínio da escala é distinto em cada quadro, de modo a incluir pares empatados segundo a regra do ET. Para a aplicação do TIM é necessário o número de eleitores entrevistados e os pares que serão tratados estatisticamente pela variável reduzida  $dif_R$  e cuja rejeição ou aceitação da Hipótese Nula  $H_0$  será decidida segundo o nível de significância  $\alpha=5,0$ .

QUADRO 1 - TAMANHO DA AMOSTRA = 9604 / MARGEM DE ERRO  $\epsilon = 1,0$  com 95,0

QUADRO 2 - TAMANHO DA AMOSTRA = 2401 / MARGEM DE ERRO  $\epsilon = 2,0$  com 95,0

QUADRO 3 - TAMANHO DA AMOSTRA = 1067 / MARGEM DE ERRO  $\epsilon = 3,0$  com 95,0

Nos títulos dos Quadros foram especificados os parâmetros definidores dos dois critérios: o tamanho da amostra para atender a decisão do **EE** e a margem de erro  $\epsilon$  com 95,0 para a regra do **ET**.

## OS RESULTADOS COMPARATIVOS EE x ET

Na construção dos Quadros foram adotadas as seguintes convenções:

1 - a célula determina os pares confrontados  $P_{VA}$  e  $P_{VB}$  onde  $P_{VA}$  é definido pela escala da 1ª coluna e  $P_{VB}$  pela relação  $P_{VB} = P_{VA} + DELTA$  com  $DELTA$  definido na 2ª linha do Quadro;

2- a escala da prévia  $P_{VA}$  na 1ª coluna é padronizada nos três Quadros, enquanto a escala de  $P_{VB}$  é limitada ao valor  $P_{VA} + 2\epsilon$ , onde  $\epsilon$  é a margem de erro explicitada no Quadro.

3 - em cada Quadro as combinações  $P_{VA}$  e  $P_{VB}$  satisfazem a condição  $(P_{VB} - P_{VA}) \leq 2\epsilon$ , assim todas as células atendem o critério do **ET** e portanto todos os pares estão tecnicamente empatados.

4 - na célula se informa o resultado da aplicação do **EE** segundo a aplicação do **TIM** com  $\alpha=5,0$  onde se registra a decisão  $\Theta_B = \Theta_A$  ou  $\Theta_B > \Theta_A$ .

4.1 – nas células com registro  $\Theta_B = \Theta_A$  a hipótese nula não é rejeitada, admite-se o **EE** da combinação  $P_{VA}$  e  $P_{VB}$ ;

4.2 – nas células com registro  $\Theta_B > \Theta_A$  a hipótese nula é rejeitada, admite-se que B está à frente de A.

5 - no Quadro o sombreado destaca os pares não empatados segundo o critério **EE**, mas considerados empatados de acordo com a regra do **ET**



**QUADRO 1- TAMANHO DA AMOSTRA = 9604 / MARGEM DE ERRO  $\epsilon = 1,0$  com 95,0**

$H_0: \theta_B = \theta_A$  versus alternativa  $H_1: \theta_B > \theta_A$  - Nível de Significância  $\alpha = 5,0$

APLICAÇÃO DO TESTE TIM NA DECISÃO DO EMPATE ESTATÍSTICO

<b><math>Pv_B = Pv_A + \text{DELTA}</math></b>					
<b>DELTA</b>	<b>0</b>	<b>0,5</b>	<b>1,0</b>	<b>1,5</b>	<b>2,0</b>
$Pv_A=10,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=15,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=20,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=25,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=30,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=35,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=40,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=45,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=46,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=47,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=48,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=49,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$

**EXEMPLO 1:**  $Pv_A=35,0$  e  $Pv_B$  até 36,0 (DELTA  $\leq 1,0$ )  $H_0: \theta_B = \theta_A$  não é rejeitada, admite-se o empate.

**QUADRO 2- TAMANHO DA AMOSTRA = 2401 / MARGEM DE ERRO  $\epsilon = 2,0$  com 95,0**

$H_0: \theta_B = \theta_A$  versus alternativa  $H_1: \theta_B > \theta_A$  - Nível de Significância  $\alpha = 5,0\%$

APLICAÇÃO DO TESTE TIM NA DECISÃO DO EMPATE ESTATÍSTICO

<b><math>Pv_B = Pv_A + \text{DELTA}</math></b>									
<b>DELTA</b>	<b>0</b>	<b>0,5</b>	<b>1,0</b>	<b>1,5</b>	<b>2,0</b>	<b>2,5</b>	<b>3,0</b>	<b>3,5</b>	<b>4,0</b>
$Pv_A=10,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=15,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=20,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=25,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=30,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=35,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=40,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=45,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=46,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=47,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=48,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=49,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$				

**EXEMPLO 2:**  $Pv_A=46,0$  e  $Pv_B$  até 49,0 (DELTA  $\leq 3,0$ )  $H_0: \theta_B = \theta_A$  não é rejeitada, admite-se o empate.

**QUADRO 3- TAMANHO AMOSTRA = 1607 / MARGEM DE ERRO  $\epsilon = 3,0\%$  com 95,0%** $H_0: \theta_B = \theta_A$  versus alternativa  $H_1: \theta_B > \theta_A$  - Nível de Significância  $\alpha = 5,0\%$ **APLICAÇÃO DO TESTE TIM NA DECISÃO DO EMPATE ESTATÍSTICO**

$Pv_B = Pv_A + DELTA$													
DELTA	0	0,5	1,0	1,5	2,0	2,5	3,0	3,5	4,0	4,5	5,0	5,5	6,0
$Pv_A=10,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=15,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=20,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=25,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=30,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=35,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=40,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=45,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=46,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=47,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=48,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$	$\theta_B > \theta_A$
$Pv_A=49,0$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$	$\theta_B = \theta_A$								

**EXEMPLO 3:**  $Pv_A=35,0$  e  $Pv_B$  até 39,0 ( $DELTA \leq 4,0$ )  $H_0: \theta_B = \theta_A$  não é rejeitada, admite-se o empate.

Os resultados evidenciam que o Empate Estatístico-EE pelo TIM determina em cada Quadro conjunto com quantitativo de pares empatados inferior ao conjunto determinado pelo critério do ET, isto é, ao nível de 5,0% o EE é mais exigente que o ET.

O Erro do Tipo I é traduzido pela probabilidade  $\alpha$  de rejeição da hipótese nula  $H_0: \theta_B = \theta_A$  se verdadeira. Por construção a probabilidade  $\alpha$  corresponde ao nível de significância  $\alpha = 5,0\%$ .

O Erro do Tipo II é traduzido pela probabilidade  $\beta$  de aceitação da hipótese nula  $H_0$  se falsa e sua probabilidade  $\beta$  é função do nível  $\alpha$ , do tamanho da amostra e da alternativa pontual de  $H_1$ . Para calcular  $\beta$  adotou-se a alternativa pontual  $\theta_B - \theta_A = DELTA$ .

Os Quadros  $\beta_1$ ,  $\beta_2$  e  $\beta_3$  são dados os valores de  $\beta$  associados aos respectivos Quadros 1, 2 e 3 onde a coluna  $DELTA=0$  foi retirada, pois nesta hipótese inexistia a alternativa  $H_1$ . O sombreamento foi mantido nas células indicativas das rejeições de  $H_0$  a nível 5,0%.

**QUADRO  $\beta_1$ – TAMANHO DA AMOSTRA = 9604** $H_0: \theta_B = \theta_A$  versus alternativa  $H_1: \theta_B - \theta_A = DELTA$ ;  $\alpha = 5,0\%$ Probabilidade do Erro do Tipo II =  $\beta$ 

$Pv_B = Pv_A + DELTA$				
DELTA	0,5	1,0	1,5	2,0
$Pv_A=10,0$	71,0	31,0	6,0	1,0
$Pv_A=15,0$	77,0	45,0	16,0	3,0
$Pv_A=20,0$	81,0	54,0	26,0	8,0
$Pv_A=25,0$	83,0	61,0	34,0	14,0
$Pv_A=30,0$	84,0	65,0	41,0	20,0
$Pv_A=35,0$	85,0	68,0	46,0	25,0
$Pv_A=40,0$	86,0	71,0	50,0	30,0
$Pv_A=45,0$	87,0	73,0	54,0	34,0
$Pv_A=46,0$	87,0	73,0	55,0	35,0
$Pv_A=47,0$	87,0	74,0	55,0	36,0
$Pv_A=48,0$	87,0	74,0	56,0	37,0
$Pv_A=49,0$	87,0	74,0	57,0	37,0

**QUADRO  $\beta_2$  - TAMANHO DA AMOSTRA = 2401**

$H_0: \Theta_B = \Theta_A$  versus alternativa  $H_1: \Theta_B - \Theta_A = \text{DELTA}$ ;  $\alpha = 5,0\%$

Probabilidade do Erro do Tipo II =  $\beta$

<b><math>P_{v_B} = P_{v_A} + \text{DELTA}</math></b>								
<b>DELTA</b>	<b>0,5</b>	<b>1,0</b>	<b>1,5</b>	<b>2,0</b>	<b>2,5</b>	<b>3,0</b>	<b>3,5</b>	<b>4,0</b>
$P_{v_A}=10,0$	86,0	72,0	52,0	33,0	17,0	8,0	3,0	1,0
$P_{v_A}=15,0$	88,0	78,0	63,0	46,0	31,0	18,0	9,0	4,0
$P_{v_A}=20,0$	90,0	81,0	69,0	55,0	41,0	27,0	17,0	9,0
$P_{v_A}=25,0$	90,0	83,0	73,0	61,0	48,0	35,0	24,0	15,0
$P_{v_A}=30,0$	91,0	84,0	76,0	65,0	54,0	42,0	30,0	21,0
$P_{v_A}=35,0$	91,0	86,0	78,0	69,0	58,0	47,0	36,0	26,0
$P_{v_A}=40,0$	91,0	86,0	80,0	71,0	61,0	51,0	41,0	31,0
$P_{v_A}=45,0$	92,0	87,0	81,0	73,0	64,0	55,0	45,0	35,0
$P_{v_A}=46,0$	92,0	87,0	81,0	74,0	65,0	55,0	45,0	36,0
$P_{v_A}=47,0$	92,0	87,0	81,0	74,0	65,0	56,0	46,0	37,0
$P_{v_A}=48,0$	92,0	87,0	81,0	74,0	66,0	56,0	47,0	37,0
$P_{v_A}=49,0$	92,0	87,0	82,0	75,0				

**QUADRO  $\beta_3$  - TAMANHO DA AMOSTRA = 1607**

$H_0: \Theta_B = \Theta_A$  versus alternativa  $H_1: \Theta_B - \Theta_A = \text{DELTA}$ ;  $\alpha = 5,0\%$

Probabilidade do Erro do Tipo II =  $\beta$

<b><math>P_{v_B} = P_{v_A} + \text{DELTA}</math></b>												
<b>DELTA</b>	<b>0,5</b>	<b>1,0</b>	<b>1,5</b>	<b>2,0</b>	<b>2,5</b>	<b>3,0</b>	<b>3,5</b>	<b>4,0</b>	<b>4,5</b>	<b>5,0</b>	<b>5,5</b>	<b>6,0</b>
$P_{v_A}=10,0$	90,0	82,0	72,0	60,0	47,0	34,0	24,0	15,0	9,0	5,0	3,0	1,0
$P_{v_A}=15,0$	91,0	85,0	78,0	69,0	58,0	47,0	37,0	27,0	19,0	13,0	8,0	5,0
$P_{v_A}=20,0$	92,0	87,0	81,0	74,0	65,0	56,0	46,0	37,0	29,0	21,0	15,0	10,0
$P_{v_A}=25,0$	92,0	88,0	83,0	77,0	70,0	62,0	53,0	45,0	36,0	29,0	22,0	16,0
$P_{v_A}=30,0$	92,0	89,0	85,0	79,0	73,0	66,0	58,0	50,0	42,0	35,0	28,0	22,0
$P_{v_A}=35,0$	93,0	89,0	86,0	81,0	75,0	69,0	62,0	55,0	47,0	40,0	33,0	27,0
$P_{v_A}=40,0$	93,0	90,0	86,0	82,0	77,0	71,0	65,0	58,0	52,0	45,0	38,0	32,0
$P_{v_A}=45,0$	93,0	90,0	87,0	83,0	79,0	73,0	68,0	62,0	55,0	49,0	42,0	36,0
$P_{v_A}=46,0$	93,0	90,0	87,0	83,0	79,0	74,0	68,0	62,0	56,0	49,0	43,0	37,0
$P_{v_A}=47,0$	93,0	90,0	87,0	83,0	79,0	74,0	69,0	63,0	56,0	50,0	44,0	37,0
$P_{v_A}=48,0$	93,0	90,0	87,0	84,0	79,0	74,0	69,0	63,0				
$P_{v_A}=49,0$	93,0	91,0	87,0	84,0								